

# Objekt-Orientierte Programmiersprachen

Martin Gasbichler, Holger Gast

9. / 14. Februar 2006

---

## Ziel hier: Ein Überblick zu Java Generics

- Anwendungen von Generics
- Rückführung auf ML Polymorphie
- Interaktion: Parameterische & Subtyp-Polymorphie
- Implementierung, Einschränkungen, Fallstricke von Java Generics

---

## Generics: Polymorphie für OOPS

- Generics sind ein relativ neues Sprachfeature in Mainstream OO-Sprachen
  - Java 2 (JDK 1.5)
  - C#
- Sie bauen jedoch auf früheren Konzepten auf
  - Parametrische Polymorphie in ML
  - Bounded Polymorphism bei Subtyping
- Grund für späte Aufnahme in Sprachen: Interaktion zwischen
  - Parametrischer Polymorphie (Generics) und
  - Subklassen-Polymorphie

---

## Dokumentation zu Java Generics

- Gilad Bracha: Generics in the Java Programming Language, 2004  
<http://java.sun.com/j2se/1.5/pdf/generics-tutorial.pdf>
- Grundlage:
  - Bracha, Odersky, Stoutamire, Wadler: "Making the Future Safe for the Past: Adding Genericity to the Java Programming Language", OOPSLA '98
  - Agesen, Freund, Mitchell: "Adding Type Parameterization to the Java Language", OOPSLA '97
- Die Spezifikation: "Adding Generic Types to the Java Programming Language" (JSR 14)
- Mehr: <http://java.sun.com/j2se/1.5.0/docs/guide/language>

## Motivation: Ein Stapel für beliebige Objekte

```
class Stack {
    private class Node {
        private Object value;
        private Node next;
    }
    private Node top;
    public boolean empty() { return top == null; }
    public void push(Object x) {
        Node n = new Node();
        n.next = top;
        n.value = x;
        top = n;
    }
    public Object pop() {
        Object r = top.value;
        top = top.next;
        return r;
    }
}
```

Stack speichert beliebige Objekte in verketteter Liste

## Übergang zur Parametrischen Polymorphie

Bis auf Widerruf nehmen wir ab jetzt zur Vereinfachung an,  
dass dynamischer Typ = statischer Typ

- Invariante über Inhalt von *s* hängt nur von Methode `push` ab:
  - Wenn `push` (als einzige Möglichkeit, neue Elemente auf den Stapel zu legen) nur Objekte von einem Typ  $\alpha$  einfügt, dann
    - werden immer nur Objekte von Typ  $\alpha$  auf dem Stapel liegen
    - kann `Node.value` als  $\alpha$  deklariert werden
    - wird `pop` kann sicher  $\alpha$  zurückliefern

Annahme: Am Anfang ist Stapel leer

- ⇒ Ein Stapel kann die Invariante intern aufrecht erhalten
- ⇒ Er kann dies für alle Typen  $\alpha$  tun

## Anwendung Stapel

```
Stack s = new Stack();
for (int i=0; i<17; ++i)
    s.push(new Integer(i));
int sum = 0;
while (!s.empty()) {
    Integer i = (Integer)s.pop();
    sum += i.intValue();
}
System.out.println("Summe ist "+sum);
```

- Typische Situation: Wir kennen den Typ der Elemente von *s*
- ⇒ Invariante: "s enthält nur Objekte, deren dynamischer Typ Subtyp von Integer ist"
- Trotzdem ist Cast erforderlich, weil Typsystem für `s.pop()` nur den statischen Typ `Object` liefert
  - Grund: Konversion zur Superklasse in `push()` verliert Information

## Idee zur Generischen Stapel-Klasse

```
forall alpha. class Stack {
    private class Node {
        private alpha value;
        private Node next;
    }
    private Node top;
    public void push(alpha x) {
        Node n = new Node();
        n.next = top;
        n.value = x;
    }
    public alpha pop() {
        alpha r = top.value;
        top = top.next;
        return r;
    }
}
```

## Der Stapel mit Java Generics

```
class Stack<E> {
    private class Node {
        private E value;
        private Node next;
    }
    private Node top;
    public void push(E x) {
        Node n = new Node();
        n.next = top;
        n.value = x;
        top = n;
    }
    public E pop() {
        E r = top.value;
        top = top.next;
        return r;
    }
}
```

- **Parametrische Polymorphie:** Der Typ  $E$  wird Parameter von Stack
- `stack< $\alpha$ >` ist für jedes Typargument  $\alpha$  benutzbar

## Generics für Container

- Beispiel Stapel verallgemeinert zu Containern
- Container mit bestimmtem Elementtyp
  - Nehmen nur Elemente dieses Typs auf
  - Enthalten (als Invariante) nur Elemente dieses Typs
  - Geben bei Zugriffen nur Elemente dieses Typs zurück

⇒ Prototypischer Anwendungsfall für Generics

- ✓ Frühzeitige Fehlererkennung
- ✓ Weniger Casts, übersichtlicherer Code

## Anwendung Generischer Stapel

```
Stack<Integer> s = new Stack<Integer>();
for (int i=0; i<17; ++i)
    s.push(new Integer(i));
int sum = 0;
while (!s.empty()) {
    sum += s.pop().intValue();
}
```

- Typargument für Stack gibt erlaubte Elementtypen vor
  - Bei push: Compiler prüft, dass nur Integer-Instanzen eingefügt werden
  - Bei pop: Compiler kann zusichern, dass das Ergebnis ein Integer ist
  - Cast kann entfallen
- ⇒ Invariante über Inhalt von `s` ausgedrückt

## Anwendung: Binäre Methoden

- Erinnerung: Binäre Methoden sind schwierig
- Beispiel: Interface Comparable

```
interface Comparable {
    boolean equal(Comparable b);
    boolean less(Comparable b);
}
```

- Wünschenswert: Das Argument `b` soll den gleichen Typ haben wie `this`.
- Haben: Eine Klasse `A`, die `Comparable` implementieren möchte, muß als Argument Instanzen jeder anderen Klasse akzeptieren, die `Comparable` implementiert.

---

## Anwendung: Binäre Methoden

- Zur Implementierung muss eine Klasse Instanz-Checks durchführen

```
class Int implements Comparable {
    private int i;
    public boolean equal(Comparable b) {
        if (b instanceof Int)
            return ((Int)b).i == i;
        else return false;
    }
    public boolean less(Comparable b) {
        if (b instanceof Int)
            return i < ((Int)b).i;
        else throw new RuntimeException("Int.less");
    }
}
```

⇒ Das Typsystem trägt hier nicht zur Sicherheit bei.

---

## Compiler fängt Fehler ab

```
void test(Int i, String s) {
    i.equal(s);
}
```

Ergibt:

```
GComp.java:17: equal(Int) in Int cannot be
      applied to (java.lang.String)
    i.equal(s);
       ^
```

---

## Lösung mit Generics

```
interface Comparable<T> {
    boolean equal(T b);
    boolean less(T b);
}
class Int implements Comparable<Int> {
    private int i;
    public boolean equal(Int b) {
        return b.i == i;
    }
    public boolean less(Int b) {
        return i < b.i;
    }
}
```

- Lies Comparable< $\alpha$ > als "vergleichbar mit Typ  $\alpha$ "
  - Implementierende Klasse gibt sich selbst als  $\alpha$  an
- ⇒ Keine Casts & instanceof notwendig
- ⇒ Typchecker garantiert fehlerfreien Ablauf

---

## Vergleich mit C++ Templates

- Java Generics
  - Generische Klasse wird nur einmal übersetzt
  - Gleicher Bytecode funktioniert für alle Instanzen
  - Typparameter können nur mit Klassen instanziiert werden
- C++ Templates
  - Instanziierung mit Klassen- und Basistypen
  - Neuübersetzung für jede benötigte Instanz
    - Großer Speicherbedarf im erzeugten Code (*code bloat*)
    - Lange Compiler-Zeit
    - Compiler-Optimierung für spezielle Typen
  - ⇒ Effizienz der Standard Template Library
  - Fehler treten erst bei Instanziierung auf
    - Beziehen sich auf Interna der Templates
    - Programmier kann nicht unterscheiden, ob Fehler in Benutzung oder Fehler in Template-Definition

---

## Zwischenstand

- Generics sind eine sinnvolle Ergänzung zu klassischer OO
- Anwendungen:
  - Genaueres Wissen über dynamische Typen als Invarianten bewahren
  - Gleichheit von Typen festhalten
- Jetzt: Konzept "Polymorphie"
  - Ohne konzeptuelles Wissen kein wirkliches Verständnis konkreter Sprachkonstrukte (→ These dieser Vorlesung)
  - Einordnung: Die Grundideen von Generics sind nicht neu
- Schließlich:
  - Kombination von Generics und Subtypen
  - Ecken und Probleme bei Java Generics

---

## Generics bisher

- Motivation: Subtyp-Polymorphie reicht nicht aus
- Beispiel: Stack für beliebige Objekte
  - ⇒ Bei `s.push(new Integer(42))` geht Information verloren
  - ⇒ Brauchen Cast bei `(Integer)s.pop()`
- Invariante: "Im Stapel sind nur Element eines bestimmten Typs E."

```
class Stack<E> {  
    ...  
    public void push(E x) { ... }  
    public E pop() {  
    }  
}
```

- E ist Parameter von Stack → [Parametrische Polymorphie](#)

---

## Generics bisher

- Zweites Beispiel: Binäre Methoden

```
interface Comparable {  
    boolean less(Comparable b);  
}  
class Int implements Comparable {  
    private int i;  
    public boolean less(Comparable b) {  
        if (b instanceof Int) return i < ((Int)b).i;  
        else throw new RuntimeException("Int.less");  
    }  
}
```

---

## Generics bisher

- Besser: Typ für zweites Argument als Parameter

```
interface Comparable<T> {  
    boolean less(T b);  
}  
class Int implements Comparable<Int> {  
    public boolean less(Int b) {  
        return i < b.i;  
    }  
}
```

---

## Plan für heute

- Parametrische Polymorphie in Reinform: ML
- Interaktion: Subtypen und Parametrische Polymorphie
- Fallstricke bei Java Generics

---

## Konzept: Polymorphie in ML

- Wieder die Idee: Funktion arbeitet *für alle* ( $\forall$ ) Argumenttypen ( $\alpha, \beta$ )

```
# fst (3,1);;
- : int = 3
# fst ("Die Antwort: ", 42);;
- : string = "Die Antwort: "
```

⇒ Schreibe auch **Typschema** für `fst` als  $\forall \alpha, \beta. \alpha \times \beta \rightarrow \alpha$

- Anwendungen:
  - (Homogene) Listen mit beliebigen Elementen
  - Funktionen höherer Ordnung (Funktoeren)

```
# let twice f x = f (f x);;
val twice : ('a -> 'a) -> 'a -> 'a = <fun>
# twice (fun x -> 2 + x) 5;;
- : int = 9
```

---

## Konzept: Polymorphie in ML

- ML hatte schon 1978 polymorphe Funktionen
- Idee: Solange der Code einer Funktion auf einen Teil seiner Daten nicht zugreift soll für diesen Teil auch kein Typ festgelegt werden.

```
# let fst = fun (x,y) -> x
  val fst : 'a * 'b -> 'a = <fun>
```

- `fst` erwartet als Argument ein Paar
- Das rechte Datum im Paar wird nicht benutzt → **Typvariable** `'b`
- Das linke Datum im Paar wird nur in die Ausgabe durchgereicht → Typvariable `'a` im Argument- und Ergebnistyp

---

## ML-Polymorphie: Der technische Ansatz

? Woher weiss der Compiler, dass eine Funktion “für alle Typen” funktioniert?

! Er hat doch den Code selbst erzeugt und kann sicherstellen, dass darin keine Operationen auftreten, die nur bestimmte Typen gültig sind.

⇒ Alle Daten müssen in einheitlichem Format abgespeichert sein

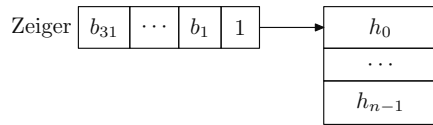
⇒ Kopien unabhängig vom Typ anlegen

- Problem: Keine direkte Verbindung zum Typsystem

## ML-Polymorphie: Der technische Ansatz

Integer Wert 

|          |         |       |   |
|----------|---------|-------|---|
| $a_{31}$ | $\dots$ | $a_1$ | 0 |
|----------|---------|-------|---|



- Mögliche Realisierung: Alle Daten sind Maschinenworte
    - Kleine Daten (`int`, `char`) haben  $\text{Bit}_0 = 0$  (nur 31 Bit für Integer-Darstellung)
    - Alle anderen Daten liegen auf dem Heap
      - Register enthalten Zeiger mit  $\text{Bit}_0=1$
      - Zeiger verweist auf Daten in einem Heap-Block
  - Kopie eines Wertes für Funktionsaufruf = Kopie des Maschinenwortes
- $\Rightarrow$  Referenzsemantik von grossen Werten

## Der $\forall$ -Quantor in der Prädikatenlogik

- Schreibe also

$$\Gamma \vdash P$$

für “ $P$  kann unter den Annahmen  $\Gamma$  bewiesen werden.”

- Für den  $\forall$ -Aussage gilt dann die Herleitungsregel:

$$\frac{\Gamma \vdash P}{\Gamma \vdash \forall x.P} \quad \text{wobei } x \text{ selbst nicht frei in } \Gamma \text{ vorkommt}$$

(Bemerkung: Die Herleitbarkeit von  $\forall x.P$  hängt formal nicht vom speziellen  $x$  ab, da diese Variable als gebundene Variable beliebig umbenannt werden kann, so dass sie nicht in  $\Gamma$  vorkommt. Im Stetigkeitsbeispiel müssten wir dies tun, wenn wir den Namen  $\varepsilon$  schon in einem anderen Zusammenhang vergeben hätten.)

## ML-Polymorphie: Der Logische Ansatz

Die folgenden Folien verschweigen beinahe die gesamten technischen Details, sie sollen nur einen ersten Eindruck vermitteln.

- ? Woher weiss der Compiler, dass eine Funktion “für alle Typen” funktioniert?
- Gegenfrage: Wie beweist man, dass eine Aussage  $P$  für alle  $x$  gilt?
- ! Beweise  $P$ , **ohne Annahmen** über das  $x$  zu machen
- Aus der Analysis I: “Zu zeigen ist, dass  $f$  stetig bei  $z_0$  ist. Nach Definition der Stetigkeit ist zu zeigen

$$\forall \varepsilon > 0. \exists \delta > 0. |z - z_0| \leq \delta \implies |f(z) - f(z_0)| \leq \varepsilon$$

Sei also  $\varepsilon$  **beliebig aber fest** gegeben . . . .”

## Polymorphes let in ML

- Übertragung auf ML-Polymorphie: Zeige  $f : \forall \alpha.t$  für 
$$e_1 = \text{let } f = e \text{ in } e'$$
  - Beachte:
    - $e_1$  ist im allgemeinen Teilausdruck eines größeren Ausdrucks  $e_0$
    - $e$  kann Variablen enthalten, die weiter außen in  $e_0$  gebunden sind
- $\Rightarrow$  Benütze **Typannahmen**  $\Gamma = \{x_1 : s_1, \dots, x_n : s_n\}$  für freie Variablen in  $e$
- $\Gamma \vdash e : t$  bedeutet nun: “Unter den Typannahmen  $\Gamma$  (über die freien Variablen in  $e$ ) hat  $e$  selbst den Typ  $t$ ”
  - Polymorphie: Konstruktion analog zur Prädikatenlogik

$$\frac{\Gamma \vdash e : t}{\Gamma \vdash e : \forall \alpha.t} \quad \alpha \text{ kommt nicht frei in } \Gamma \text{ vor}$$

## Typinferenz

- Der ML Compiler kann **alle** Typen von Funktionsargumenten und let-gebundenen Variablen berechnen → **Typinferenz** (oder **Typrekonstruktion**)
- Beachte: Ein C/C++/Java Compiler berechnet die Ergebnistypen von Ausdrücken, trotzdem spricht man hier nicht von Typinferenz
- Essentiell für Erfolg von Typinferenz in ML:

Jeder Teilausdruck besitzt einen allgemeinsten Typ (principal type)

- Beachte: Durch Typvariablen kann Ausdruck mehr als einen Typ haben
- Alle möglichen Typen des Ausdrucks ergeben sich durch Ersetzen von Typvariablen im Principal Type
- Der Principal Type ist der “beste” oder “genaueste” Typ, den man dem Ausdruck zuordnen kann

⇒ Der Compiler braucht einmal berechneten Typ nicht mehr zu korrigieren

? Wir berechnet man den Principal Type?

## Typinferenz: Der Funktionsaufruf

- Gesucht: Funktion  $ti$  für Typinferenz
    - Eingabe sind Typannahmen  $\Gamma$  und Ausdruck  $e$
    - Typinferenz muss Gleichungen lösen
    - Ergebnis ist Paar von Typ und Unifikator
    - Hinweis: Unifikator muss in allen späteren Schritten angewandt werden
  - Für Funktionsaufruf  $ti(\Gamma, (f e))$ 
    - Berechne  $\langle s, \sigma_s \rangle = ti(\Gamma, f)$
    - Berechne  $\langle t, \sigma_t \rangle = ti(\sigma_s(\Gamma), e)$
    - Löse  $\sigma = mgu(\sigma_t(\sigma_s(s)), \alpha \rightarrow \beta)$  für neue Variablen  $\alpha, \beta$
    - Löse  $\sigma' = mgu(\sigma(\alpha), \sigma(\sigma_t(t)))$
- ⇒  $\sigma' \circ \sigma \circ \sigma_t \circ \sigma_s$  ist Lösung für  $s = \alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha = t$
- Ergebnis:  $\langle s_2, \sigma' \circ \sigma \circ \sigma_t \circ \sigma_s \rangle$

## Einschub: Gleichungen und Unifikation

- Bei Funktionsaufruf muss Typ des Arguments gleich Parameter-Typ sein
- Aber: Typvariablen dürfen ersetzt werden
- Löse Gleichung  $s = t$  (für Argumenttyp  $s$  und Parametertyp  $t$ )
- Formal: Finde Ersetzung  $\sigma$  von Variablen durch Typen mit

$$\sigma(s) = \sigma(t)$$

- Wir sagen, dass  $\sigma$  eine Lösung oder ein **Unifikator** der Gleichung ist
- Satz (Robinson, 1965): Wenn eine Gleichung  $s = t$  eine Lösung besitzt, dann besitzt sie auch eine Lösung  $\sigma_0$ , so dass sich jede andere Lösung  $\sigma$  schreiben lässt als  $\sigma = \sigma' \circ \sigma_0$  für ein  $\sigma'$ .  $\sigma_0$  heisst auch der **allgemeinste Unifikator** von  $s = t$ .  $\sigma_0$  ist eindeutig bis auf Umbenennung von Variablen und wir schreiben  $\sigma_0 = mgu(s, t)$ .

## Typinferenz: Funktionen und let

- Für Funktion  $ti(\Gamma, \text{fun } x \rightarrow e)$ 
  - Wähle neue Typvariable  $'a \notin FV(\Gamma)$
  - Berechne  $\langle t, \sigma \rangle = ti(\Gamma_x \cup \{x : 'a\}, e)$
  - Ergebnis ist  $\langle 'a \rightarrow t, \sigma \rangle$
- Beachte:  $'a$  kann ersetzt werden, je nach Verwendung von  $x$  in  $e$
- Für Bindung  $ti(\Gamma, \text{let } x = e \text{ in } e')$ 
  - Berechne  $\langle s, \sigma \rangle = ti(\Gamma, e)$
  - Berechne  $\{ 'a_1 \dots 'a_n \} = FV(\sigma(s)) \setminus FV(\sigma(\Gamma))$   
(→ Alle Variablen, in denen  $e$  polymorph ist)
  - Berechne  $\langle t, \sigma' \rangle = ti(\sigma(\Gamma_x) \cup \{x : \forall 'a_1 \dots 'a_n. \sigma(s)\}, e')$
  - Ergebnis:  $\langle t, \sigma' \circ \sigma \rangle$

## Typinferenz am Beispiel

$ti(\Gamma, \text{let } f \text{ st } = \text{fun } (x, y) \rightarrow x)$

- Wähle Typvariablen  $\alpha, \beta$  für  $x$  und  $y$
  - Ergebnistyp ist  $\alpha$
  - $\alpha, \beta$  sind frisch gewählt, kommen sicher nicht in  $\Gamma$  vor
- ⇒ Typ von  $f \text{ st}$  ist  $\forall \alpha, \beta. \alpha \times \beta \rightarrow \alpha$
- Ersetzungen sind nicht notwendig (keine Funktionsanwendung)

## ML-Typinferenz

- Typinferenz rekursiv über Syntaxbaum
  - Für jeden Teilausdruck kann ein Principal Typ berechnet werden
  - Idee: Lösung von Typ-Gleichungen durch Ersetzung von Typvariablen
  - Polymorphie bei  $\text{let}$ :  $\forall$ -“Quantifizierung” derjenigen Typvariablen, die nicht im Kontext vorkommen
- ⇒ Funktion arbeitet dann mit allen Typen

## Typinferenz am Beispiel

```
let f = fun x ->  
  let g = fun b y ->  
    if b then x else y  
  in g true x
```

- Wähle Typvariablen  $\alpha, \beta, \gamma$  für  $x, b, y$
- Kontext von  $g$  enthält Typannahme für  $x$
- Berechne  $ti(\{x : \alpha\}, \text{fun } b \text{ y } \rightarrow \text{if } b \text{ then } x \text{ else } y)$
- Berechne  $ti(\{x : \alpha, b : \beta, y : \gamma\}, \text{if } b \text{ then } x \text{ else } y)$
- Löse Gleichungen  $\{\beta = \text{bool}, \alpha = \gamma\} \rightarrow \sigma = \{\beta \mapsto \text{bool}, \alpha \mapsto \gamma\}$
- Haben für  $g$  Typ  $\text{bool} \rightarrow \gamma \rightarrow \gamma$  in Kontext  $\sigma(\{x : \alpha\}) = \{x : \gamma\}$
- Typ von  $g$  kann *nicht* über  $\gamma$  quantifiziert werden, da  $FV(\text{bool} \rightarrow \gamma \rightarrow \gamma) \setminus FV(\{x : \gamma\}) = \emptyset$

## Subklassen-Polymorphie

- OO-Sprachen besitzen schon Polymorphie: Wenn Klasse  $B$  Subklasse von  $A$  sind, kann eine  $B$ -Instanz überall dort benutzt werden, wo eine  $A$ -Instanz erwartet wird
    - Prinzip: Statischer Typ ist Supertyp des dynamischen Typs
    - Methoden arbeiten auf mehreren Typen
    - Konversion zu Superklasse ist erlaubt
  - Beziehung Subtyp-Beziehung ist transitiv, reflexiv und antisymmetrisch
- ⇒ Halbordnung  $s \leq t$  auf Typen:  $s$  ist Subtyp von  $t$  (evtl.  $s = t$ )

---

## Vergleich: Subklassen- / ML-Polymorphie

- Aspekt: Invarianten
  - Rückgabtyp einer polymorphen Methode hängt nicht vom aktuellen Argumenttyp ab
- ⇒ Subtyp-Polymorphie verliert Information
  - Parametrische Polymorphie erhält Informationen
    - Zwischen den Signaturen verschiedener Methoden → Klasseninvariante
    - Zwischen Argumenten und Rückgabe einer Methode → Invariante der Methode über Verwendung der Argumente
- Aspekt: Beziehungen zwischen Typen
  - ML kennt nur Typleichheit → Lösung von Gleichungen bei Funktionsaufruf
  - OO-Sprachen: Methodenauf, Zuweisung, Lesen definieren **Ungleichungen** zwischen Typen

---

## Einschub: Kann es Typinferenz für Java geben?

- Ziel: Compiler berechnet Typen für Parameter, lokale Variablen, Felder
- Naive Idee: Durchlaufe rekursiv durch die gesamte Klasse
  - Wähle für jede Variable eine neue Typvariable
  - Sammle Ungleichungen auf, die erfüllt sein müssen z.B. für Zuweisung  $x = e$  (mit  $x : \alpha, e : t$ ) gilt  $t \leq \alpha$
  - Löse Ungleichungen
  - Ersetze Typvariablen durch gefundene Typen

---

## Probleme bei Typinferenz für Java

- Ziel: Schwierige Beispiele angeben
- Ungleichungen besitzen keine "allgemeinste" Lösung
  - Parameter  $x : \alpha$  werde zugewiesen an  $y : \beta$  und  $z : \gamma$ 
    - Haben  $\alpha \leq \beta, \alpha \leq \gamma$
    - Ohne Mehrfachvererbung muss entweder  $\beta \leq \gamma$  oder  $\gamma \leq \beta$  sein
    - Mit Interfaces: Sollen  $\beta$  und/oder  $\gamma$  Interfaces sein?
  - ⇒ Compiler kann nicht für den Programmierer entscheiden
  - Variable  $x : \alpha$  erhalte durch Zuweisung Werte aus  $y : \beta$  und  $z : \gamma$ 
    - $\beta \leq \alpha$  und  $\gamma \leq \alpha \rightarrow \alpha$  ist Superklasse von  $\beta$  und  $\gamma$
  - ⇒ Es kann mehrere mögliche Supertypen geben (mit Interfaces!)
  - ⇒ Compiler kann nicht für den Programmierer entscheiden
  - ⇒ Compiler kann lokal keine Entscheidung über Lösungen treffen
  - Der Typ eines Teilausdrucks kann von allen anderen Typen abhängen
    - ⇒ Keine Principal Types, wir müssen Ungleichungssysteme schlimmstenfalls global für das gesamte (!) Programm lösen
    - ⇒ Äquivalent zu globaler Datenflussanalyse → rechenintensiv

---

## Probleme bei Typinferenz für Java

- Pragmatisch: Programmierer muss häufig Casts einfügen; diese **widersprechen** gerade den Ungleichungen, sie leiten sich aus Invarianten über das Programm ab und können daher nicht sinnvoll automatisch eingefügt werden
- Technisch: Methodenaufruf  $a.m(e)$  erfordert statischen Typ von  $a$ , um dort Signatur von  $m$  nachzuschlagen, wir haben aber nur Ungleichungen für  $a$   
Lösung: Führe Ungleichung  $a \leq \{m : s \rightarrow t\}$  ein mit Aussage: " $a$  ist ein Record-Typ, in dem mindestens die Methode  $m$  vorkommt."

---

## Ansätze

- Mache starke Annahmen über die Klassenhierarchie: Verband
  - Rehof, Mogensen: "Tractable constraints in finite semilattices" Science of Computer Programming 35, 1999
- Vereinfache nur die zu lösenden Ungleichungen, statt eine einzige Lösung zu finden
  - Pottier: "Simplifying Subtyping Constraints: A Theory", Information and Computation 170(2), 2001
  - Eifrig, Smith, Trifonov: "Sound Polymorphic Type Inference for Objects", OOPSLA 1995
- Lokale Typinferenz: Kontext der Typinferenz begrenzen
  - Pierce, Turner: "Local Type Inference", Transactions on Programming Languages and Systems 22(1), 2000
- Heuristiken: Schränke Typinferenz so ein, daß die Erwartungen des Programmierers erfüllt werden
  - Cardelli: "An implementation of  $F_{<}$ ," DEC Technical Report, 1993

---

## Verbindung: Bounded Parametric Polymorphism

- Zurück zu vollständiger Typannotation!
- Häufig arbeitet Methode / Klasse auf einem beliebigen Typ, *solange* dieser nur ein Subtyp einer bestimmten Klasse ist
- Kombiniere das beste aus beiden Arten der Polymorphie
  - Parametrische Polymorphie kann Typ von Argument zu Ergebnis übertragen
  - Subtyp-Anforderung bietet Subtyp-Polymorphie mit Dynamic Dispatch

---

## Zusammenfassung: Typinferenz für OO-Sprachen

- Ungleichungen machen Typinferenz schwierig, da keine allgemeinsten Lösungen existieren
- Wenn dann muss das gesamte Programm betrachtet werden
- Es gibt einige pragmatische Probleme: Casts & Methoden-Signaturen

Schau sehr kritisch, wenn jemand behauptet, eine OO-Sprache mit Typinferenz anzubieten — irgendwo muss diese Typinferenz das eigentliche Problem sehr stark beschränken, um noch zu Lösungen zu kommen.

---

## Beispiel: Bewegung eines Punktes

```
class Point {
    public int x;
    public int y;
};
class ColorPoint extends Point {
    public Color c;
};
class Mover {
    public static <T extends Point>
        T moveBy(T p, int dx, int dy) {
        p.x += dx;
        p.y += dy;
        return p;
    }
    public void test(ColorPoint p) {
        ColorPoint q = moveBy(p,1,2);
    }
};
```

Allgemeiner: Änderung per Seiteneffekt an Teil des Zustandes

---

## F-bounded Polymorphism

```
interface Comparable<T> {
    boolean less(T b);
}
class Int implements Comparable<Int> { ... }
class Sorter<T extends Comparable<T>> {
    boolean test(T x, T y) {
        return x.less(y);
    }
};
```

- Schon gesehen: Lösung für binäre Methoden
  - Neu: Sorter beschränkt Parameter T durch Interface, das T selbst als Typparameter nimmt
- ⇒ Sorter hat Parameter der Form  $t \leq F[t]$
- Canning, Cook, Hill, Olthoff, Mitchell: "F-Bounded Polymorphism for Object-Oriented Programming" FPLCA '89

---

## Einschub: Array-Typen in Java

- Problem: f kann auch in das A Array schreiben

```
public static void f(A a[]) {
    A x = a[0];
    a[1] = new A();
}
```

- Nach Rückkehr aus Funktion steht an b[1] eine A-Instanz!  

```
B b[] = new B[2];
f(b);
B y = b[1];
```
- Der Typchecker hat diese Fehlermöglichkeit übersehen  
Exception in thread "main" java.lang.ArrayStoreException: A
- Java ist *nicht* streng gettypt, da trotz erfolgreichem Typcheck Laufzeitfehler wegen falscher dynamischer Typen auftreten können.

---

## Einschub: Array-Typen in Java

- A[] ist Array mit Objekten, die gemeinsame Superklasse A besitzen
- Idee: Wollen Methode schreiben, die mit A-Arrays umgeht

```
public static void f(A a[]) {
    A x = a[0];
    ...
}
```

- Java ist großzügig: Wenn B eine Subklasse von A ist, darf man auch ein B-Array an f übergeben, schliesslich sind ja alle Elemente tatsächlich Instanzen auch von A (per Polymorphie)

```
B b[] = new B[2];
f(b);
```

- In Java sind Arrays **covariant** getypt: Wenn  $A \leq B$ , dann ist auch  $A[] \leq B[]$

⇒ Sehr praktisch in vielen alltäglichen Programmiersituationen

---

## Einschub: Array-Typen in Java

- Typchecker prüft nicht alle Fehlermöglichkeiten

⇒ Laufzeitprüfung muss nachfolgen

- Array muss zur Laufzeit speichern, welche Typen eingefügt werden können
- Array enthält Verweis auf die Klasse, für die es angelegt wurde
- Bei jedem schreibenden Zugriff wird die Invariante geprüft, dass das neue Element tatsächlich eine Instanz dieser Klasse (oder einer ihrer Subklassen) ist

---

## Folgerung: Keine Varianz für Typparameter

- Manchmal gut:  $List<A> \leq List<B>$  falls  $A \leq B$
- ⇒ `List` sollte covariant in Typparameter sein
- Kein Problem, solange alle `B`-Felder in `List<B>` nur gelesen werden
- ⇒ Kann nicht sichergestellt werden
- (Überlege Dir an einem Beispiel, dass auch die **Contravarianz**-Regel  $List<A> \leq List<B>$  falls  $B \leq A$  zu Laufzeit-Fehlern führt.)
- ⇒ Generische Klassen sind immer **invariant** in ihren Parametern
- ⇒ `C<A>` und `C<B>` sind völlig verschiedene Typen, unabhängig davon ob `A` und `B` Subklassen voneinander sind
- Abhilfe: Wildcards = unbenannte / unbekannte Typparameter

---

## Type Erasure

Übersetzung einer Klasse, die Generics benutzt:

- Typcheck für generischen Code mit Typparametern
- ⇒ Code respektiert Invarianten, die durch Typparameter gegeben sind
- Lösche Typparameter aus dem Code
  - Ersetze alle Typparameter durch ihre Bounds
  - Füge wo nötig Casts ein (diese schlagen nie fehl)
- Übersetze entstandenes Programm, es enthält keine Generics mehr

---

## Design-Entscheidung zu Java Generics

- Oberstes Designziel von Java Generics: Abwärtskompatibilität
  - Nicht-generischer Code läuft mit neuer Standard-Bibliothek
  - Code für Generische Klassen sollte auch noch auf älterer JVM laufen
  - Der Bytecode-Verifier der JVM soll wie bisher funktionieren
- ⇒ `List<A>` muss die gleiche Implementierung haben wie `List` selbst
- ⇒ Typparameter `A` darf in der Implementierung keine Rolle spielen, nur in der Schnittstelle

---

## Folgen der Type Erasure

- Zuweisung von `List<A>` an `List` erlaubt
- Zuweisung von `List` an `List<A>` ergibt nur Warnung
- Keine Laufzeit-Typinformationen zu Typ-Parametern
- Daraus resultieren Einschränkungen
  - Es können keine Arrays über Typ-Parametern angelegt werden (wohl aber verarbeitet)
  - ⇒ Generische `Vector`-Klasse muss intern Casts anwenden
    - Alle Instanzen von `C<A>` teilen sich die `static`-Felder
    - ⇒ Typen für `static`-Members können keine Typ-Parameter enthalten
      - Casts & `instanceof` sind nicht gegen Typparameter möglich

---

## Keine Generischen Arrays

```
class Vec<E> {
    private E store[];
    private int capacity;
    private int size;
    public int getSize() { return size; }
    private void ensureExists(int i) {
        ... new E[capacity] ...
    }
    public void put(int i, E x) {
        ensureExists(i);
        store[i] = x;
        if (i>=size) size = i + 1;
    }
    public E get(int i) {
        if (i<size) return store[i];
        else return null;
    }
}
```

---

## Zusammenfassung

- Java Generics gründen im Konzept der Polymorphie
- Polymorphie ist ein sauber fundierter, wohluntersuchter Begriff
- Typinferenz für OO-Sprachen ist schwer, wenn nicht unmöglich
- Subtypen und Parametrische Polymorphie ergänzen sich
- Java Generics
  - Lösen viele alltägliche Probleme elegant
  - Sind abwärtskompatibel zu existierendem Code
  - Haben viele Ecken (→ Typparameter zur Laufzeit nicht verfügbar)

---

## Am Donnerstag

- Die Vorlesung anhand von Thesen
  - Interaktiv: Wir bringen die Thesen, ihr diskutiert sie
  - Wir bleiben Moderatoren
  - Bitte jeweils 1-2 Themenblöcke kurz nacharbeiten
- Lernstrategien und -ziele für die Diplomprüfung
  - Unsere Vorstellung von "Verstandenem Stoff"
  - Unsere Strategien zur Verwirklichung der Ziele
- Prüfungssimulation
  - Holger & Martin spiele Prüfer und Prüflinge
  - Wir diskutieren zusammen über Ziele der Prüfung